

ESTUDIOS  
ECONOMICOS

ESTUDIOS ECONÓMICOS

ISSN: 0425-368X

ISSN: 2525-1295

estudioseconomicos@uns.edu.ar

Universidad Nacional del Sur

Argentina

Lacaze, María Victoria

**LOS FUNDAMENTOS CONCEPTUALES DEL MODELO  
GRAVITACIONAL DE COMERCIO: UNA REVISIÓN DE LA LITERATURA°**

ESTUDIOS ECONÓMICOS, vol. XL, núm. 80, 2023, Enero-Junio, pp. 251-279

Universidad Nacional del Sur

Bahía Blanca, Argentina

Disponible en: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=572373856009>

- ▶ Cómo citar el artículo
- ▶ Número completo
- ▶ Más información del artículo
- ▶ Página de la revista en redalyc.org

redalyc.org

Sistema de Información Científica Redalyc

Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal  
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso  
abierto

NOTAS Y COMENTARIOS

**LOS FUNDAMENTOS CONCEPTUALES DEL MODELO GRAVITACIONAL DE COMERCIO: UNA REVISIÓN DE LA LITERATURA<sup>o</sup>**

*CONCEPTUAL FOUNDATIONS OF THE GRAVITY MODEL OF TRADE: A LITERATURE REVIEW*

*María Victoria Lacaze\**

*enviado: 30 marzo 2022 – aprobado: 29 abril 2022*

---

**Resumen**

El trabajo reseña el estado de la literatura referida al modelo gravitacional de comercio, su utilidad práctica y sus microfundamentos, cuyo explicitación permitió la incorporación de esta herramienta a la corriente principal de pensamiento de la economía internacional. Los aportes conceptuales en este campo del conocimiento han permitido derivar la ecuación gravitacional desde enfoques que postulan distintos tipos de modelos de equilibrio general; asumiendo diferentes estructuras de mercado y diversos grados de heterogeneidad entre firmas de la industria considerada. La literatura aplicada sobre el tema da cuenta de la existencia de una frondosa discusión referida a las fricciones vinculadas a la distancia geográfica entre países, que cobra particular interés en el contexto actual de globalización.

*Palabras clave:* modelo gravitacional, fundamentos conceptuales, comercio.  
*JEL:* F12, C1.

---

<sup>o</sup> Lacaze, M. V (2023). Los fundamentos conceptuales del modelo gravitacional de comercio: una revisión de la literatura. *Estudios económicos*, 40(80), pp. 251-279, <https://doi.org/10.52292/j.estu-decon.2023.3267>. El contenido de este trabajo formó parte de la investigación realizada para elaborar la tesis que la autora presentó para acceder al grado de Doctora en Economía, otorgado por la Universidad Católica Argentina. El trabajo, realizado bajo la dirección de Dr. Oscar Melo Contreras, de la Universidad Católica de Chile, fue defendido en 2018.

\* Universidad Nacional de Mar del Plata, Argentina. ORCID: <https://orcid.org/0000-0002-8514-5182>. Correo electrónico: [mvlacaze@mdp.edu.ar](mailto:mvlacaze@mdp.edu.ar)

**Abstract**

The paper reviews the state of art of literature on the gravity model of trade, throughout its practical exploitation and its microfoundations. The conceptual contributions in this field have made it possible to derive the gravity equation from different types of general equilibrium models; also, by assuming different market structures and finally when several degrees of heterogeneity between firms are taken into account. The applied literature on the field shows the existence of a prolific discussion referring to the impact of geographical distance on trade, which has become of particular interest in the current context of globalization.

*Keywords:* gravity model, theoretical foundations, trade.

*JEL:* F12, C1.

## INTRODUCCIÓN

La ecuación gravitacional es la expresión analítica de un modelo que explica el intercambio comercial entre países, zonas o regiones económicas, ampliamente empleado en la economía internacional aplicada debido a su buen desempeño econométrico. Pese a esta gran popularidad, los fundamentos conceptuales de la ecuación gravitacional fueron explicitados, relativamente, hace poco tiempo atrás.

Como un correlato de la Ley Física de Gravitación Universal, la ecuación gravitacional postula que el intercambio comercial entre dos países resulta proporcional a la proximidad existente entre los mismos y a los tamaños de sus respectivos mercados. Así, el comercio entre dos países resulta de la conjunción de un grupo de factores de atracción y de repulsión.

De acuerdo con Bergstrand y Egger (2013), el término “ecuación gravitacional” puede ser atribuido a la Escuela de Física Social de la Universidad de Princeton, una de las instituciones responsables del desarrollo de la literatura de la interacción espacial, durante la segunda posguerra (Olsen, 1971; citado en Bergstrand & Egger, 2013). Estos autores postulan que la historia de la aplicación de modelo gravitacional al campo de la economía internacional puede ser dividida en tres períodos. El primero es el que recoge los antecedentes de Ravenstein y Tinbergen, investigadores pioneros en el estudio de los flujos migratorios y los flujos comerciales entre países, respectivamente (Ravenstein, 1885 y Tinbergen, 1962, citado en Yotov *et al.*, 2016).

El segundo período inicia tras la contribución econométrica de Tinbergen (1962), quien popularizó el uso de la ecuación gravitacional para explicar los patrones de los flujos comerciales agregados entre países y los efectos que, en los mismos, generan los denominados “impedimentos comerciales discriminatorios”. Estos aportes focalizaban en analizar los volúmenes del comercio, por lo que no encuadraban en la corriente principal de pensamiento de la economía internacional de aquel entonces.

Entre las posteriores extensiones al trabajo de Tinbergen, destaca la de Linnemann (1967), la que enfatizó la relevancia de los flujos comerciales nulos y los problemas econométricos vinculados a dicha característica, como la heteroscedasticidad de los datos, para los que se hallaron soluciones metodológicas casi treinta años después. El concepto de centro económico del país y la primera propuesta de tabulación de medidas de distancia entre países fueron otros aportes del autor, quien además contribuyó con la identificación del fenómeno de la integración eco-

nómica como fuente de creación y desvíos de comercio. Este tópico fue retomado posteriormente por Aitken (1973) y Sapir (1981), quienes reportaron efectos significativos, tanto en sentido económico como estadístico, generados por la existencia de acuerdos comerciales entre países.

A partir de entonces, la ecuación gravitacional fue empleada para modelar los efectos que, en los flujos comerciales, generan diversas variables económicas, políticas, culturales y sociales; como la inmigración, la variabilidad del tipo de cambio, la creación de zonas de libre comercio, mercados comunes y uniones aduaneras; la gestación de alianzas militares, el surgimiento de conflictos políticos y el establecimiento de regulaciones laborales, entre otras.

Un tercer período en la historia de la aplicación del modelo gravitacional inicia cuando Anderson (1979) explicita sus microfundamentos bajo supuestos particulares —diferenciación de productos por lugar de origen y gasto con elasticidad de sustitución constante—, que luego fueron asumidos por *default* por una incontable cantidad de trabajos aplicados. Este aporte fue el que habilitó la incorporación del modelo gravitacional en la *mainstream* de la economía internacional y, a partir de entonces, su aplicabilidad en los análisis de política económica.

Esto fue posible gracias a las salientes contribuciones teóricas de inicios de los años 2000. Casi en simultáneo, Eaton y Kortum (2002) y Anderson y van Wincoop (2003) aportaron a la literatura los fundamentos teóricos necesarios para la derivación conceptual de la ecuación gravitacional desde dos enfoques diferentes. Los primeros, a partir de un enfoque de oferta, asumiendo una estructura ricardiana con bienes intermedios; los segundos, desde un enfoque de demanda.

Por su parte, Arkolakis *et al.* (2012) realizaron otro aporte trascendental, al corroborar que una gran clase de modelos gravitacionales producen ecuaciones isomórficas, independientemente de los microfundamentos empleados en su derivación. Costinot y Rodríguez-Clare (2013) ahondaron en este análisis, al verificar que diferentes conjuntos de microfundamentos producen modelos que comparten las mismas predicciones, en el nivel macroeconómico del análisis, respecto de la estructura de los flujos comerciales bilaterales, la que se reconoce como una función que depende de los costos vinculados al comercio. No obstante, distintos modelos arriban a diferentes predicciones acerca de la magnitud de las ganancias que genera el comercio, al estar vinculados a diferentes situaciones de equilibrio en autarquía.

## I. DEFINICIONES DE LA ECUACIÓN GRAVITACIONAL

Head y Mayer (2014) plantean la existencia de tres posibles definiciones de la ecuación gravitacional. La primera es la de la ecuación *general*, que comprende al conjunto de modelos que producen ecuaciones gravitacionales de la forma

$$X_{ij} = GS_iM_j\phi_{ij} \quad (1)$$

donde  $X_{ij}$  es el flujo de exportaciones desde el origen  $i$  al destino  $j$ ;  $S_i$  representa las capacidades del país exportador  $i$  como abastecedor del destino  $j$  y  $M_j$  captura todas las características de  $j$  que estimulan las importaciones desde el origen  $i$ . La accesibilidad del exportador  $i$  respecto del país  $j$  está capturada por  $0 \leq \phi_{ij} \leq 1$ , elemento que incluye, en forma combinada, los costos inherentes al comercio junto con la elasticidad costo-flujo comercial. Finalmente, como correlato de la constancia gravitacional física,  $G$  determina la intensidad de los flujos entre los socios comerciales, aunque, en el caso de la ecuación gravitacional de comercio, solo resulta empíricamente invariable para el caso de estudios basados en datos de corte transversal.

La definición (1) tiene dos rasgos importantes. El primero, es que todos los términos entran en la ecuación en forma multiplicativa. Esto se deriva de la analogía con la ecuación gravitacional física, pero, como sostienen Head y Mayer (2014), esta forma funcional no resulta necesaria, a los fines de la estimación. El segundo rasgo es que la definición requiere que los efectos que terceros países puedan producir en la relación bilateral entre el origen  $i$  y el destino  $j$ , deban ser mediados mediante términos multilaterales.

Si se establecen una serie de condiciones adicionales, los términos inherentes al exportador y al importador de la ecuación (1) pueden ser expresados como funciones de variables observables, dando a lugar a la segunda definición, la de la ecuación gravitacional *estructural*. Esta comprende al subconjunto de modelos gravitacionales generales, en los que el comercio bilateral queda expresado como

$$X_{ij} = S_iM_j\phi_{ij}, \quad S_i = \frac{Y_i}{\Omega_i}; \quad M_j = \frac{X_j}{\Phi_j} \quad (2)$$

donde  $Y_i = \sum_j X_{ij}$  es el valor de la producción del exportador,  $X_j = \sum_i X_{ij}$  es el valor del gasto en el incurre el importador entre todos los posibles países proveedores; en tanto que  $\Omega_i$  y  $\Phi_j$  son los términos de resistencia multilateral.

Estos representan el peso relativo de los obstáculos al comercio existentes entre  $i$  y  $j$  y constituye la idea central aportada por Anderson y van Wincoop (2003): el comercio entre dos países depende no solo de los costos directos y explícitos que surjan entre ellos sino, también, de cuán factible es el comercio entre cada uno de dichos países y el resto de sus posibles socios comerciales.

Dado un conjunto de costos, se puede hallar la solución para los términos de resistencia multilateral; de modo que la ecuación gravitacional estructural (2) permite arribar a una aproximación más completa acerca de los impactos que en el comercio son provocados por variaciones en los costos, respecto de la aproximación a la que se puede arribar desde la ecuación gravitacional general (1).

La ecuación (2) se basa en dos condiciones importantes, vinculadas a la distribución espacial del gasto del país importador y a la condición de equilibrio del país exportador. La primera condición es que el gasto total del importador,  $X_j$ , puede ser visto como un total a repartir entre diversos proveedores. La segunda condición es que la proporción del gasto asignado por el país  $j$  a los bienes producidos por el país  $i$ , es  $\pi_{ij}$ . El requerimiento crítico es que dicha proporción pueda ser expresada como  $\pi_{ij} = \frac{S_i \phi_{ij}}{\Phi_j}$ . En particular,  $\Phi_j$  mide el conjunto de oportunidades de consumo de la población del país  $j$ , lo que resulta equivalente al grado de competencia en el mercado. Por otra parte, la suma de las exportaciones del país  $i$  a todos los destinos  $j$  —incluido el propio país  $i$ , es decir, el comercio doméstico— debe ser igual al valor de la producción total de  $i$ ,  $Y_i = \sum_j X_{ij} = S_i \sum_j \frac{\phi_{ij} X_j}{\Phi_j}$ .

La última de las tres definiciones propuestas por Head y Mayer (2014) para la ecuación gravitacional, es la denominada *naive*:

$$X_{ij} = G Y_i^a Y_j^b \phi_{ij} \quad (3)$$

Esta definición resulta útil en términos pedagógicos, porque contiene la intuición de que el comercio bilateral resulta proporcional al producto del tamaño de los países. Constituye, a la vez, una definición más general y más restrictiva, pues impone que  $\phi_{ij}$  sea una constante, lo que evitaría la introducción de términos multilaterales, pero, a la vez, no permitiría que los costos varíen entre pares de países.

## II. LOS FACTORES EXPLICATIVOS DEL INTERCAMBIO COMERCIAL EN LAS APLICACIONES EMPÍRICAS DE LA ECUACIÓN GRAVITACIONAL

La literatura sobre aplicaciones empíricas de la ecuación gravitacional es verdaderamente prolífica. Han sido formulados centenares de modelos que incluyen variables que procuran captar fenómenos que favorecen el comercio, así como las representativas de los costos implicados en el intercambio. Existen numerosos *surveys* de trabajos aplicados, así como en *handbooks* para guiar la labor de los investigadores que dan sus primeros pasos en el tema.

Básicamente, los flujos comerciales bilaterales son explicados por factores que pueden agruparse en esas dos categorías. Por una parte, existen factores de proximidad, que generan atracción comercial, es decir, que estimulan o favorecen el intercambio. Entre ellos, se encuentran el idioma, la adyacencia, la contigüidad o existencia de fronteras compartidas, los lazos coloniales, el hecho de que algún socio comercial sea un estado insular y la pertenencia a acuerdos comerciales regionales o preferenciales.

Por otra parte, se encuentran los factores de repulsión, es decir, aquellos que generan fricciones, impedimentos u obstáculos al comercio y, en consecuencia, aproximan a los costos al comercio. En primer término, la distancia geográfica, pero, también, otras manifestaciones de lejanía en términos culturales, sociales, institucionales o regulatorios (De Benedictis y Taglioni, 2011). Seguidamente, los costos de transporte, la disponibilidad de infraestructuras portuarias y/o aeroportuarias y las medidas de política comercial —arancelarias y no arancelarias—, que operan como impedimentos al intercambio aun ante la ausencia de obstáculos naturales para comerciar.

Con relación al transporte, el modelo de costos más habitualmente empleado es el de “*iceberg costs*”, que vincula linealmente los costos de transporte con la distancia, asumiendo que se pagan los costos del volumen que efectivamente arriba a destino. En efecto, para vender una unidad de un bien en un país  $j$ , las firmas del país  $i$  deben enviar  $t_{ij} \geq 1$  unidades (Samuelson, 1952; en Feenstra, 2003). Esto se debe a que una fracción  $t_{ij} - 1$  “se derrite” en el camino recorrido desde  $i$  y hasta  $j$ , como si se hubiera remolcado un *iceberg* entre ambos países. Por otra parte, el precio del bien procedente del país  $i$ , en el país  $j$ , debe ser  $P_{ij} = t_{ij}P_{ii}$  si no existen oportunidades de arbitraje. Por último,  $t_{ii} = 1$ , asumiendo que el comercio intrapaís no tiene costos (Costinot y Rodríguez-Clare, 2013). La modelización de la ecuación gravitacional puede incluir costos fijos (Melitz, 2003) sin desvirtuar la metáfora del *iceberg*, que puede perder fragmentos al separarse del glaciar (Anderson, 2011).

En particular, la literatura da cuenta de la existencia de una frondosa discusión referida a las fricciones que, en el comercio, genera la distancia física o geográfica. Uno de los tópicos abordados es el efecto de la distancia en términos de costos: se ha argumentado si dicho efecto representa el costo de movilizar bienes o información entre países (Hummels, 1999). Para algunos investigadores, la globalización debió haber disminuido la importancia de la distancia geográfica en las estimaciones gravitacionales, básicamente debido al efecto de los avances tecnológicos, que han contribuido a la reducción de los costos vinculados a la lejanía relativa entre países.

A este tópico de investigación se lo conoce como “*distance puzzle*”. Diversas contribuciones han corroborado la persistencia del impacto negativo de la distancia en los flujos comerciales aun en la era de la globalización: Anderson y van Wincoop (2004), Buch *et al.* (2004), Brun *et al.* (2005), Carrère y Schiff (2005), Disdier y Head (2008), Boulhol y de Serres (2010), Larch *et al.* (2016), Anderson y Yotov (2020).

En particular, Buch *et al.* (2004) expresan que si las reducciones de costos vinculadas al proceso de globalización resultasen proporcionales para todos los países, no deberían observarse cambios en el impacto estimado para la distancia en la ecuación gravitacional, aun cuando el intercambio comercial pudiera resultar mayor, derivado, justamente, por el efecto de los menores costos.

Respecto de este tópico, Disdier y Head (2008) efectuaron un metaanálisis para más de un centenar de trabajos. Controlando por las diferencias metodológicas observadas, concluyeron que el impacto negativo de la distancia en los flujos comerciales continúa siendo persistentemente elevado.

Este resultado motivó el desarrollo de novedosas consideraciones metodológicas en las aplicaciones gravitacionales. Yotov (2012) postuló que, como la ecuación gravitacional estructural solo identifica costos relativos, no es posible hallar una solución para el efecto de la distancia en estudios que solo emplean datos de comercio internacional, porque tales efectos están medidos con relación a otros costos internacionales. En consecuencia, propuso, para medir los efectos de la distancia respecto de los costos, la inclusión del comercio intrapaís, hallando evidencia a favor de la reducción de los costos internacionales con relación a los internos, en el contexto de la globalización económica. Estudios posteriores ratifican esta evidencia (Agnosteva *et al.*, 2019; Campos *et al.*, 2021) y rediscuten las implicancias de utilizar datos de comercio doméstico (Yotov, 2022).

### III. ESPECIFICACIONES TEÓRICAS PARA LA ECUACIÓN GRAVITACIONAL

Una gran cantidad de especificaciones teóricas cumplen con los supuestos de la ecuación estructural (2) previamente presentada. Siguiendo, nuevamente, a Head y Mayer (2014), se puede proponer dos categorías o clases de especificaciones de la ecuación gravitacional, distinguiendo entre las que generan modelos basados en derivaciones desde el lado de la demanda y las que permiten formar modelos a partir de derivaciones desde el lado de la oferta. A su vez, cada tipo de especificación puede constituir un modelo de equilibrio general, de tipo condicional o no condicional. Todas las especificaciones explicitan un conjunto de factores representativos de los costos inherentes al comercio. Muchas de ellas trabajan con un único factor productivo. la tabla 1 esquematiza estas categorías existentes.

Tabla 1. Especificaciones teóricas para la ecuación gravitacional estructural

Categoría	Tipo de modelo	Denominación del modelo	Referencias teóricas
Derivaciones del lado de la demanda	Equilibrio general condicional	Diferenciación de productos por origen y elasticidad de sustitución constante	Armington (1969) Anderson (1979) Anderson y van Wincoop (2003)
		Demanda CES y producción con elasticidad de transformación constante	Bergstrand (1985)
		Consumidores heterogéneos	Anderson y Yotov (2012)
			Competencia monopolística y CES
Derivaciones del lado de la oferta	Equilibrio general no condicional	Industrias heterogéneas (ventajas comparativas ricardianas)	Eaton y Kortum (2002) Arkolakis et al. (2012)
		Competencia monopolística con firmas heterogéneas	Melitz (2003) Chaney (2008) Helpman et al. (2008) Arkolakis et al. (2012)

Notas: CES: Constant Elasticity of Substitution, CET: Constant Elasticity of Transformation.

Fuente: elaboración propia sobre la base de Anderson (2011), Bergstrand y Egger (2013) y Head y Mayer (2014).

En los modelos de demanda, el salario es exógeno y, combinado con economías de escala o márgenes de ganancia constantes, se neutralizan los términos de la oferta. En los modelos de oferta, los supuestos distribucionales asumidos generan la eliminación de los términos de la demanda. Resulta importante consignar que la estructura de demanda, tanto para los modelos que se construyen a partir de derivaciones desde la demanda, como los que emplean derivaciones desde la oferta, implica plantear un consumidor representativo con una función de utilidad CES anidada (Costinot & Rodríguez-Clare, 2013).

A su vez, los fundamentos teóricos del modelo gravitacional pueden ser explicitados a partir de la consideración de dos tipos de modelos de equilibrio general, que se diferencian por los supuestos que asumen. El primer tipo de modelo asume la separabilidad de las decisiones de producción y consumo, de la decisión de comerciar; es decir, se postula la existencia de un proceso de decisión en dos etapas, de las cuales se puede ignorar la primera, suponiendo una cierta dotación de factores productivos que explica la producción y el consumo en cada país. Este grupo está conformado por los modelos de equilibrio general condicionales. El segundo grupo de modelos, de tipo no condicional, prescinden del supuesto de separabilidad de las decisiones de producción, consumo e intercambio.

## I. Modelos condicionales

El modelo de Anderson (1979) está basado en tres supuestos. El primero afirma que cada país se especializa completamente en la producción de un solo bien, que resulta así diferenciado según su lugar de origen. Este supuesto habitualmente se denomina “supuesto Armington” (Armington, 1969) y ha sido empleado previamente a la introducción de los modelos de competencia monopolística (Krugman, 1979). El segundo supuesto postula que las preferencias de los consumidores son idénticas y homotéticas, esto es, pueden ser representadas por una función homogénea de primer grado. El tercer y último supuesto asume un mundo sin impedimentos para comerciar, por lo que los precios de los bienes se normalizan en valor unitario y los costos de transporte, aranceles y distribución, son nulos.

En tal contexto, el valor del flujo comercial originado en un país  $i$  y destinado a otro país  $j$ ,  $PX_{ij}$ , está representado por:

$$PX_{ij} = \theta_i Y_j \quad (4)$$

donde  $\theta_i$  es la fracción del ingreso que un cierto país  $j$  gasta en el bien procedente del país  $i$ , siendo dicha fracción igual, para todos los países —debido a las preferencias idénticas y homotéticas—. Por otra parte,  $Y_j$  es el producto bruto nominal del país  $j$ . Dado que la producción de cada país  $i$  consume domésticamente o se exporta, la condición de equilibrio implica que la producción mundial es producida por igual entre todos los países, de modo que cada país produce una fracción  $\theta$ .

$$Y_i = \sum_{j=1}^N \theta_i Y_j = \theta_i \left( \sum_{j=1}^N Y_j \right) \rightarrow \theta_i = \frac{Y_i}{\sum_{j=1}^N Y_j} = \frac{Y_i}{Y^W} \tag{5}$$

Sustituyendo la segunda parte de (5) en (4), se llega a la siguiente expresión de la ecuación gravitacional:

$$PX_{ij} = \frac{Y_i Y_j}{\sum_{j=1}^N Y_j} = \frac{Y_i Y_j}{Y^W} \tag{6}$$

Anderson (1979) modificó la ecuación gravitacional (6), extendiéndola hacia diferentes variantes, que admiten la presencia de bienes transables y no transables, o múltiples sectores productivos. Dichas variantes incluyen fricciones o impedimentos para comerciar, asumiendo costos de transporte y aranceles positivos. Por ejemplo, si se asumen preferencias Cobb-Douglas, un único costo representado por la distancia y la existencia de bienes no transables, Anderson (1979) expresa la ecuación (6) como:

$$PX_{ij} = \left[ \frac{Y_i Y_j}{\sum_{j=1}^N Y_j} \right] \left[ \frac{1}{f(Dist_{ij})} \right] \left( \frac{\sum_{j=1}^N \frac{Y_j}{Y^W}}{\frac{1}{f(Dist_{ij})}} \right)^{-1} \tag{7}$$

donde el último término, entre paréntesis, es una medida del tamaño económico del resto del mundo, ponderada por la distancia, que resulta representativa de los costos inherentes al intercambio comercial.

Uno de los aspectos limitantes de la ecuación (7) es que los precios se asumen unitarios, supuesto que no aplica cuando existen costos asimétricos. Bergstrand (1985) expuso refinamientos teóricos posteriores a la formulación de las ecuaciones (6) y (7), partiendo de la derivación de una función de demanda de importaciones con utilidad CES anidada en dos etapas. Como resultado, la elasticidad de sustitución entre bienes importados es distinta a la elasticidad de sustitución entre bienes domésticos e importados. Asimismo, suponiendo que los bienes se ofrecen diferenciadamente según los requerimientos de cada mercado de destino —es decir,

que no están determinados exógenamente, como ocurre bajo el supuesto Armington—, se asume que la producción del exportador  $i$  puede ser sustituible entre los posibles destinos a un costo no nulo. De esta manera, Bergstrand (1985) asigna los bienes entre mercados mediante una función de elasticidad de transformación constante, CET o  $\gamma$  y deriva la función de oferta de exportaciones de bienes desde el país  $i$  al país  $j$ . Asumiendo que resulta pequeño el flujo de comercio agregado entre  $i$  y  $j$ , respecto de otros flujos, y que las funciones CES y CET son idénticas entre países, el autor propone la siguiente ecuación gravitacional:

$$\begin{aligned}
 & PX_{ij} \\
 &= Y_i^{(\sigma-1)/(\gamma+\sigma)} Y_j^{(\gamma+1)/(\gamma+\sigma)} C_{ij}^{-\sigma(\gamma+1)/(\gamma+\sigma)} T_{ij}^{-\sigma(\gamma+1)/(\gamma+\sigma)} E_{ij}^{\sigma(\gamma+1)/(\gamma+\sigma)} \\
 & \left( \sum_{k=1, k \neq i}^N P_{ik}^{1+\gamma} \right)^{-(\sigma-1)(\gamma-\eta)/(1+\gamma)(\gamma+\sigma)} \left( \sum_{k=1, k \neq j}^N \bar{P}_{kj}^{1-\sigma} \right)^{(\gamma+1)(\sigma-\eta)/(1-\sigma)(\gamma+\sigma)} \\
 & \left[ \left( \sum_{k=1, k \neq i}^N P_{ik}^{1+\gamma} \right)^{(1+\eta)/(1+\gamma)} + P_{ii}^{1+\eta} \right]^{-(\sigma-1)/(\gamma+\sigma)} \\
 & \left[ \left( \sum_{k=1, k \neq j}^N \bar{P}_{kj}^{1-\sigma} \right)^{(1-\mu)/(1-\sigma)} + P_{jj}^{1-\mu} \right]^{-(\gamma+1)/(\gamma+\sigma)}
 \end{aligned} \tag{8}$$

donde  $T_{ij}$  es la tasa arancelaria bruta para los productos procedentes de  $i$  en el país  $j$ ;  $E_{ij}$  es el valor de la moneda de  $i$  en términos de la unidad monetaria de  $j$ ;  $P_{ij}$  es el precio del producto  $i$  en el país  $j$  y  $C_{ij}$  es el factor cif-fob para los bienes exportados de  $i$  a  $j$ .

La característica distintiva de la ecuación gravitacional (8) es la presencia explícita de los precios, que difieren entre países debido a los costos inherentes al comercio. Si se añade el supuesto de que la CES y la CET entre bienes domésticos y externos son idénticas, los dos términos de precios en la segunda línea de la ecuación (8) adoptan valor unitario, conservando solo dos términos multilaterales de precios, uno para cada socio comercial. El término  $\sum_{k=1, k \neq i}^N P_{ik}^{(1+\gamma)}$  se aproxima con los índices de precios de exportaciones del país  $i$ ; mientras que  $\sum_{k=1, k \neq j}^N \bar{P}_{kj}^{(1-\sigma)}$  se aproxima con los índices de precios de importaciones del país  $j$ . Los últimos dos términos, entre corchetes, se aproximan con los deflatores del producto bruto de  $i$  y  $j$ , respectivamente.

El uso de estos índices permitieron a Bergstrand (1985) arribar a las siguientes conclusiones. Primero, los índices de precios inciden en los flujos comerciales bilaterales. Segundo, la elasticidad de sustitución entre bienes importables,  $\sigma$ , es superior a la unidad; mientras que la elasticidad de sustitución entre bienes domésticos e importados,  $\mu$ , es inferior a la unidad. Finalmente, la elasticidad de transformación de la producción entre mercados de exportación,  $\gamma$ , es mayor a la elasticidad de transformación entre mercados domésticos y externos,  $\eta$ .

Hasta 2003, las aplicaciones empíricas citaban ambos trabajos, Anderson (1979) y Bergstrand (1985), como los fundamentos teóricos de la ecuación gravitacional, aunque aún se ignoraba el rol de los términos multilaterales de precios, también llamados términos de resistencia multilateral.

Anderson y van Wincoop (2003) mejoraron los fundamentos teóricos de los modelos de equilibrio general condicionales, empleando un sistema de ecuaciones que admite, en la estimación, la endogeneidad de los precios. El punto de partida de esta contribución es el supuesto de la función de utilidad CES, preferencias homotéticas e iguales entre países, con elasticidad de sustitución entre variedades  $\sigma > 1$ :

$$U = \left( \sum_{i=1}^N \beta_i \frac{1-\sigma}{\sigma} c_{ij} \frac{1-\sigma}{\sigma} \right)^{\frac{\sigma}{\sigma-1}} \tag{9}$$

donde  $\beta_i > 0$  es un parámetro exógeno arbitrario, que refleja las preferencias relativas por el producto del país  $i$  y  $c_{ij}$  es el consumo del producto procedente del país  $i$  por parte del consumidor representativo del país  $j$ . Maximizar la ecuación (9) con respecto al consumo de cada país, sujeta a las restricciones presupuestarias estándar, produce una demanda nominal en  $j$  para los bienes procedentes de  $i$ :

$$PX_{ij} = \left( \frac{\beta_i p_i t_{ij}}{P_j} \right)^{1-\sigma} Y_j \tag{10}$$

Las diferencias de precios entre mercados de exportación están determinadas por los costos, de manera que si  $p_i$  es el precio del exportador  $i$  y  $t_{ij} \geq 1$  es el costo *ad valorem* de llevar a cabo la operación comercial, el país de destino  $j$  enfrenta un precio  $p_{ij} = p_i t_{ij}$ . En tanto que  $P_j$  es el índice de precios al consumidor con CES, del país  $j$ , que se expresa como:

$$P_j = \left[ \sum_{k=1}^N (\beta_k p_k t_{kj})^{(1-\sigma)} \right]^{1/(1-\sigma)} \tag{11}$$

En la ecuación (10), como la elasticidad de sustitución es mayor a la unidad,  $X_{ij}$  resulta proporcional al gasto total en el destino  $j$ , lo que implica que las economías más grandes o ricas consumen más variedades de bienes. Asimismo,  $X_{ij}$  está inversamente relacionado con los precios en destino,  $P_{ij}$ , lo cual refleja la ley de la demanda. Por otra parte,  $X_{ij}$  está directamente relacionado con  $P_j$ , relación que muestra el efecto sustitución entre bienes nacionales e importados. Finalmente, ante cambios en los costos de producción o en  $P_j$  —o en ambos—,  $X_{ij}$  cambiará en función de la elasticidad de sustitución. De manera que un mayor coeficiente de elasticidad de sustitución aumentará los desvíos de comercio desde productos más caros hacia productos más baratos, *ceteris paribus*.

El paso final para derivar el modelo gravitacional estructural consiste en establecer la condición de equilibrio entre el valor de la producción en el país  $i$ ,  $Y_i$ , y el gasto total que todos los países realizan en dicha producción, incluido el propio país  $i$ . Entonces se puede resolver la siguiente ecuación gravitacional:

$$PX_{ij} = \frac{Y_i Y_j}{Y^W} \left( \frac{t_{ij}}{\Pi_i P_j} \right)^{1-\sigma} \quad (12)$$

donde

$$\Pi_i = \left( \sum_{j=1}^N (t_{ij}/P_j)^{(1-\sigma)} \theta_j \right)^{1/(1-\sigma)} \quad (13a)$$

$$P_j = \left( \sum_{i=1}^N (t_{ij}/\Pi_i)^{(1-\sigma)} \theta_i \right)^{1/(1-\sigma)} \quad (13b)$$

Donde  $\theta_i$ ,  $\theta_j$  son las proporciones de los ingresos del país  $i$  y el país  $j$ , respectivamente, respecto del ingreso mundial.

La ecuación gravitacional teórica (12) puede ser descompuesta en dos términos, un término de tamaño,  $\frac{Y_i Y_j}{Y^W}$ , y un término de costos,  $\left( \frac{t_{ij}}{\Pi_i P_j} \right)^{(1-\sigma)}$ .

El primer término brinda información acerca de la relación que existe entre tamaños de países y sus flujos comerciales. De esta manera, los productores más grandes exportan más, los mercados más ricos importan más, el volumen comercializado entre dos países será mayor cuanto más similares sean los socios comerciales. Por otra parte, este término de tamaño representa el comercio que existiría entre dos países si el intercambio no tuviera costos, es decir, asumiendo  $t_{ij} = 1$ , lo que

implica que los consumidores estarían enfrentando el mismo precio para una determinada variedad, independientemente de la ubicación geográfica de la misma. Con costos nulos, el gasto en que incurre el país  $j$  para adquirir bienes producidos por otro país  $i$ , sería equivalente a la participación relativa del país  $i$  en el producto mundial (Yotov *et al.*, 2016).

Por su parte, el término de costos captura todos los efectos que producen una brecha entre los flujos comerciales efectivamente observados y el comercio que teóricamente existiría en un escenario sin fricciones. El término está conformado por tres componentes. Por una parte, los costos entre los socios  $i$  y  $j$ ,  $t_{ij}$ , habitualmente aproximados por factores enunciados en la sección precedente. Por otra parte, se presentan dos términos estructurales, que permiten cuantificar los efectos que un cambio en los flujos comerciales, entre dos países, provoca en otros países del mundo.

La consideración explícita, la operacionalización y el análisis de estos términos es un aporte fundamental de Anderson y van Wincoop (2003).  $P_j$  es un término de resistencia multilateral interna o entrante, que representa la facilidad de penetración del mercado de destino  $j$ . Análogamente,  $\Pi_i$  es un término de resistencia multilateral externa o saliente, que capta la facilidad de acceso del exportador  $i$  a los mercados de destino<sup>1</sup>.

Anderson y van Wincoop (2003) asumen que el comercio entre dos países es balanceado ( $X_i = Y_i$ ) y que sus costos son simétricos, por lo que la ecuación (12) quedaría reexpresada como:

$$PX_{ij} = \frac{Y_i Y_j}{Y^W} \left( \frac{t_{ij}}{P_i P_j} \right)^{1-\sigma} \quad (12a)$$

Siendo:

$$P_j^{1-\sigma} = \sum_{i=1}^N P_i^{\sigma-1} \theta_i t_{ij}^{1-\sigma} \quad (12b)$$

---

<sup>1</sup> El término de resistencia multilateral saliente es un promedio ponderado agregado de todos los costos bilaterales de producir bienes en cada país. Es como si cada país enviara sus productos hacia un único mercado mundial, enfrentando la incidencia de los costos de comercialización desde el lado de la oferta. Por su parte, la resistencia multilateral entrante es un promedio ponderado de todos los costos bilaterales que enfrentan los consumidores en cada país. Es como si un país  $j$  comprara bienes en un mercado único mundial, enfrentando la incidencia de los costos de comercialización desde el lado de la demanda.

Los autores estimaron las ecuaciones (12a) y (12b), demostrando que el flujo de comercio bilateral entre dos países está afectado por esta resistencia multilateral operacionalizada a través de  $\Pi_i$  y  $P_j$ . También computaron todos los efectos estático-comparativos generados a partir de un cambio en los costos bilaterales. Por ejemplo, la reducción en el costo bilateral de  $i$  a  $j$  ( $t_{ij}$ ) tiene un impacto parcial positivo en el flujo bilateral  $PX_{ij}$ . Sin embargo, una reducción en  $t_{ij}$  también reduce la resistencia multilateral en  $j$ , generando un aumento en las importaciones de  $j$  procedentes desde todos los países  $y$ , potencialmente, reduciendo el comercio desde  $i$  a  $j$ , en la medida que otros productos de otros países sustituyan los bienes exportados por  $i$ . Por su parte, la caída en  $P_j$  reduce  $PX_{ij}$ . Por otra parte, la caída en  $t_{ij}$  también genera presiones a la baja en el término de precios multilaterales de  $i$ ,  $\Pi_i$ , generando una reducción en  $PX_{ij}$ . Estos efectos tienden a compensar el efecto parcial positivo de una reducción en  $t_{ij}$ .

Hasta 2009, pocos investigadores habían explorado, en los modelos de equilibrio general condicionales, los efectos estático-comparativos postulados a partir de cambios en los costos. En parte, esto se debió a la complejidad de utilizar un esquema de solución no lineal, como el aplicado por Anderson y van Wincoop (2003). Baier y Bergstrand (2009) propusieron un método para aproximar a los efectos estático-comparativos sin tener que recurrir a esquemas no lineales de solución. En su lugar, resolvieron los términos de resistencia multilateral empleando una expansión una serie de Taylor de los términos multilaterales de precios, permitiendo la estimación de una forma reducida de la ecuación gravitacional y proporcionando un método relativamente simple para aproximar a dichos términos.

La inclusión de aranceles, entre las variables que aproximan a los costos bilaterales del comercio, plantea la necesidad de una derivación adicional del sistema gravitacional agregado. Esto se debe a que la restricción presupuestaria involucrada en el problema de optimización del consumidor, debe incorporar la recaudación impositiva en concepto de aranceles, que se asume retorna a los consumidores en forma de bienes y servicios provistos por el sector público  $y$ , por lo tanto, debe ser incorporada al ingreso del país  $j$ .

Los aranceles,  $\tau_{ij}$ , son definidos a partir del arancel *ad valorem* aplicado a las variedades importadas por el país  $j$  y procedentes del país  $i$ . Los precios en destino,  $p_{ij}$ , ahora deben ser definidos como una función de los aranceles, los precios de producción y los costos de comercialización,  $p_{ij} = \tau_{ij}p_i t_{ij}$ . La implicancia más importante de esta formalización, es que el coeficiente estimado para el arancel puede ser empleado para recuperar directamente el parámetro de elasticidad,  $\sigma$  En efecto, la incorporación de aranceles opera modificando los precios en destino,  $y$

que  $p_{ij} = \tau_{ij} p_i t_{ij}$ . Ello permite brindar una interpretación directa del coeficiente estimado para el arancel, que expresa entonces la elasticidad de sustitución entre bienes (Yotov *et al.*, 2016).

A partir de un sistema gravitacional estructural como el descrito por las ecuaciones (12), (13a) y (13b), también se puede derivar un sistema estructural con sectores: ramas de actividad, grupos de productos, grupos de firmas, etc. Plantear un modelo sectorial requiere, desde el lado de la demanda, extender los supuestos del modelo de base, asumiendo la existencia de una cantidad  $k$  de sectores o clases de productos. En cada país productor  $i$  y para cada sector o clase de productos, la producción es igual al producto del volumen producido y sus precios. La función de utilidad total equivale a la suma de las utilidades sectoriales. Las preferencias son CES entre variedades al interior de cada sector y están anidadas en una función de utilidad Cobb-Douglas que refleja las preferencias entre sectores o clases de productos. Para cada país, se obtiene el gasto total en cada clase de productos, como una proporción constante del gasto total de ese país.

La posibilidad de formular estas expresiones analíticas desagregadas muestra una propiedad fundamental de la ecuación gravitacional estructural, la separabilidad, que permite estimar el sistema, para cada sector, con las mismas técnicas de estimación que se emplean para las estimaciones a nivel agregado (Anderson & Yotov, 2012; Yotov *et al.*, 2016). Ello resulta conceptualmente correcto puesto que tanto los costos bilaterales como los términos de resistencia multilateral son, por definición, específicos a nivel sectorial.

La diferencia más importante entre el sistema sectorial y el sistema agregado es que este último captura vínculos intersectoriales que surgen, en la especificación desde el lado de la demanda, debido a la sustituibilidad de bienes entre clases, ya que los consumidores no solo pueden sustituir entre variedades al interior de cada clase, sino también hacerlo entre clases. La implicancia más importante de esta situación es que un cambio en los costos entre cualquier par de socios comerciales o en un sector dado afecta, potencialmente, a los precios en todos los demás sectores y socios comerciales restantes. Esto es captado por los términos (sectoriales) de resistencia multilateral.

## II. Modelos no condicionales

Los fundamentos teóricos de la ecuación gravitacional también pueden ser explicitados partiendo de la consideración de modelos que prescinden del supuesto

de separabilidad de las decisiones de producción, consumo e intercambio, pero que explicitan el rol de la tecnología y las estructuras de mercado, de manera similar a lo que efectúan las teorías tradicionales del comercio. Los dos enfoques más importantes son el modelo ricardiano de Eaton y Kortum (2002), que enfatiza los diferenciales de productividad laboral y el modelo de Helpman y Krugman (1985) que, a diferencia del primero, se construye a partir de derivaciones desde la demanda.

Este último modelo está sustentado en el trabajo de Krugman (1979) y enfatiza en la existencia de economías de escala internas con gustos por la variedad (Dixit & Stiglitz, 1977). Asume la existencia de una economía de un solo sector con un factor productivo, el trabajo ( $l$ ), y asume preferencias CES, pero, a diferencia de lo propuesto por Anderson y van Wincoop (2003), cada país exportador ofrece un número de variedades de bienes, en lugar de un parámetro de gustos arbitrario  $\beta_i$ . Esto queda reflejado en la siguiente función de utilidad:

$$\left( \sum_{i=1}^N \sum_{k=1}^{n_i} c_{ijk}^{(1-\sigma)/\sigma} \right)^{\sigma/(\sigma-1)} \quad (15)$$

Donde  $c_{ijk}$  es el consumo de los hogares, en el país  $j$ , de la variedad  $k$  procedente del país  $i$ . En tanto  $n_i$  es el número endógeno de las  $k$  variedades producidas en el país  $i$ . Si se asume que todos los productos de un exportador dado entran simétricamente en la función de utilidad, la ecuación (15) se simplifica a la siguiente expresión:

$$\left( \sum_{i=1}^N n_i c_{ijk}^{(1-\sigma)/\sigma} \right)^{\sigma/(\sigma-1)} \quad (16)$$

La función de utilidad expresada en la ecuación (16) resulta similar a la de la ecuación (9) con la única diferencia sustancial de la ponderación del nivel de consumo. Mientras que en la ecuación (9) se emplea un parámetro arbitrario,  $\beta$ , en la ecuación (16) se emplea, a tal fin, el número de variedades.

Si se maximiza (16) sujeta a una restricción presupuestaria estándar, se obtiene una función de demanda para las importaciones del país  $j$  procedentes del país  $i$ :

$$PX_{ij} = n_i \left( \frac{p_i t_{ij}}{P_j} \right)^{(1-\sigma)} Y_j \quad (17)$$

donde  $P_j$  es el índice de precios al consumidor del país  $j$ :

$$P_j = \left[ \sum_{i=1}^N (n_i p_i t_{ij})^{(1-\sigma)} \right]^{1/(1-\sigma)} \quad (18)$$

Las ecuaciones (17) y (18) tienen un gran parecido con las ecuaciones (10) y (11), respectivamente, excepto por el parámetro arbitrario  $\beta$ , que ha sido reemplazado por  $n_i$ , el número de variedades producidas en el país exportador  $i$ . De esta manera, las preferencias relativas respecto de los bienes ofrecidos por varios exportadores están vinculadas con el número de variedades disponibles en el país  $j$ , procedentes del país  $i$ , que a su vez están relacionadas con el nivel de actividad económica en  $i$ .

Helpman y Krugman (1985) asumen un mercado de competencia monopolística con economías crecientes a escala en la producción y un único factor, el trabajo. Esta estructura constituye una forma sencilla de identificar el número de variedades en las ecuaciones (17) y (18), aunque requiere de un mayor número de supuestos que los que emplean los modelos de equilibrio general condicionales.

En el país exportador  $i$ , la firma representativa maximiza beneficios sujetos a una función lineal de costos:

$$l_i = \alpha + \varphi g_i \quad (19)$$

donde  $l_i$  es el trabajo empleado por la firma representativa en el país  $i$ , y  $g_i$  es el nivel de producción de cada firma. En tanto que  $\alpha$  refleja el mínimo consumo de trabajo requerido para que la firma esté en actividad —su costo fijo— y, finalmente,  $\varphi$  es la cantidad marginal de trabajo requerida por unidad de producto.

Siguiendo a Dixit y Stiglitz (1977), hay dos condiciones que caracterizan el equilibrio en esta clase de modelos. La primera es la existencia de un *mark-up* para la cantidad maximizadora de beneficios, es decir, los precios superan a los costos. La segunda condición es la obtención de beneficios normales, que garantiza que la producción de la firma es constante,  $g$ . Asumiendo pleno empleo del trabajo y siendo el trabajo el único factor productivo, se puede obtener:

$$PX_{ij} = \frac{Y_i Y_j}{Y^W} \frac{(Y_i/L_i)^{-\sigma} t_{ij}^{1-\sigma}}{\sum_{k=1}^N Y_k (Y_k/L_k)^{-\sigma} t_{ij}^{1-\sigma}} \quad (20)$$

Por su parte el modelo de Eaton y Kortum (2002), sobre la base del modelo ricardiano de Dornbusch *et al.* (1977) con un continuo de bienes, asume que el acceso diferencial a la tecnología genera variaciones en la eficiencia entre productos y países productores. En cada país, distintos productos tienen un mismo costo de insumos. Se asume una estructura de mercado de competencia perfecta y preferencias de consumo CES. En tanto que la distribución de la eficiencia ricardiana, en cada país, sigue una distribución Frechet<sup>2</sup>. El modelo derivado por Eaton y Kortum (2002), es el siguiente:

$$X_{ij} = T_i Y_j \frac{(c_i t_{ij})^{-\theta}}{\sum_{k=1}^N T_k (c_k t_{kj})^{-\theta}} \quad (21)$$

donde  $T_i$  es el nivel de eficiencia del exportador (o el estado de la tecnología en el país  $i$ , que condiciona las ventas del exportador) y  $c_i$  es el costo unitario del trabajo.

La ecuación (21) se asemeja tanto a las ecuaciones (10) y (11) del modelo de Anderson y van Wincoop (2003), como también a la ecuación (20) del modelo de Helpman y Krugman (1985). Comparando los tres enfoques de la ecuación gravitacional, se observa que, en todos, el flujo comercial desde el país de origen  $i$  hasta el país de destino  $j$  es una función de la actividad económica global del importador y del precio del producto exportado, que guarda relación con una medida de los niveles globales de precios que enfrenta el importador  $j$ . Sin embargo, los tres enfoques brindan distintas interpretaciones económicas a los parámetros representativos de la elasticidad de sustitución en el consumo —tanto en Anderson y van Wincoop (2003), como en Helpman y Krugman (1985)— y del índice de heterogeneidad en la producción —en Eaton y Kortum (2002)—.

Los desarrollos más recientes mejoraron los fundamentos teóricos de la ecuación gravitacional al incorporar la heterogeneidad entre las firmas y el análisis de distintos márgenes de comercio, características vinculadas entre sí (Costinot & Rodríguez-Clare, 2013; Head & Mayer, 2014). La heterogeneidad de las firmas es relevante, porque no todas operan en mercados internacionales y no todas las firmas que exportan lo hacen a todos los destinos. Esta particularidad da cuenta de la existencia de un sesgo de selección, asociado a la presencia de firmas heterogéneas. Su implicancia más crítica es que la matriz de flujos comerciales presenta muchos datos nulos, circunstancia que se acentúa para las estimaciones a nivel desagregado (De Benedictis & Taglioni, 2011).

<sup>2</sup> La distribución Frechet es un caso especial de la distribución de valores extremos generalizada, también conocida como distribución Weibull inversa.

Distintos trabajos concluyen que el modelo de Helpman y Krugman (1985) es apropiado para describir la mayor parte de la variación que los flujos comerciales presentan en datos de corte transversal, que principalmente se debe al margen extensivo de las firmas. El resto de la variación obedecería al margen intensivo. En consecuencia, *shocks* temporales, como la modificación de medidas de política comercial, pueden ser explicados por el margen intensivo. Sin embargo, el surgimiento de nuevos márgenes, como la introducción de nuevos productos o destinos de exportación, requieren ser incorporados, de manera anidada, en la ecuación gravitacional. Diversas contribuciones proveen los fundamentos teóricos para efectuar las incorporaciones formales correspondientes (Melitz, 2003; Chaney, 2008; Helpman, *et al.*, 2008; Arkolakis, 2010; Egger *et al.*, 2011).

Costinot y Rodríguez-Clare (2013) formulan analíticamente la idea que sostiene que un sistema gravitacional estructural puede ser derivado a partir de diferentes conjuntos de microfundamentos. De hecho, la ecuación gravitacional funciona bajo una estructura de mercado competitiva o bien considerando un contexto de competencia monopolística; así como también si se asume homogeneidad entre las firmas, o bien, se plantea que las mismas son heterogéneas.

Estos autores señalan que una diferencia clave entre el modelo Armington y otros modelos gravitacionales, reseñados en este trabajo, es que, debido a los supuestos que se postulan en términos de la tecnología aplicada y la estructura de mercado, el conjunto de bienes que el país *i* exporta al destino *j* no está exógenamente determinado. En esos modelos alternativos, las firmas del país *i* pueden decidir dejar de producir y exportar un subconjunto de bienes al país *j*, si no es rentable hacerlo. De esta manera, los precios de venta en el destino *j* pueden reflejar tanto cambios en el margen intensivo —cambios de precios de los productos importados desde *j*— como cambios en el margen extensivo —cambios en el conjunto de bienes importados desde *j*—, que pueden darse por la selección de un subconjunto diferente de firmas del país *i* en el destino *j*, o bien, por la entrada de un conjunto diferente de firmas en *i*. Matemáticamente, Costinot y Rodríguez-Clare (2013) expresan estas consideraciones económicas generalizando la ecuación (4):

$$P_{ij} = t_{ij}c_i^p \times \left( \left( \frac{E_j}{c_{ij}^x} \right)^{\frac{\delta}{1-\sigma}} \frac{t_{ij}c_i^p}{P_j} \right)^\eta \times \left( \frac{Y_i}{c_i^e} \right)^{\frac{\delta}{1-\sigma}} \times \pi_{ij} \quad (25)$$

Donde  $c_i^p$ ,  $c_i^e$  y  $c_{ij}^x$  son variables endógenas que captan cómo los precios de los insumos afectan a los costos variables de producción, a los costos fijos de entrada a los mercados y a los costos de exportación, respectivamente.  $E_j$  es el gasto

total en el destino  $j$ ,  $Y$  es el valor total de ventas para los productores del origen  $i$  y  $\pi_{ij}$  es una función de parámetros estructurales, diferentes a los costos variables del comercio.

El parámetro  $\delta$  es una variable que capta la estructura de mercado, adoptando valor unitario si la estructura es competencia monopolística y cero, en el caso de competencia perfecta. En tanto que  $\eta \geq 0$  está relacionado con la heterogeneidad que pueda existir entre las variedades comercializadas. El primer factor de la ecuación (25) es el margen intensivo del comercio; el segundo, refleja el efecto de selección del margen extensivo y el tercero, la entrada en el margen extensivo.

En el modelo Armington,  $\delta = 0$ ,  $\eta = 0$  y sólo se capturan los efectos del margen intensivo. Si  $\eta = 0$  no existen efectos de selección, lo cual ocurre en modelos de competencia monopolística con firmas homogéneas y costos de exportación fijos, como en el modelo de Krugman (1979), en el que todas las firmas exportan. El caso de  $\eta > 0$  capta las situaciones en las que un subconjunto de firmas del país  $i$  pueden empezar a exportar o dejar de hacerlo, ante cambios en las condiciones de mercado en el destino  $j$ . Es el caso de los modelos de Eaton y Kortum (2002), Melitz (2003) o Chaney (2008), entre otros investigadores que modelan la heterogeneidad de firmas bajo competencia monopolística. Finalmente, el tercer término de la ecuación (25) captura los cambios en el margen extensivo, debido a efectos de entrada, y se aplica específicamente para competencia monopolística con libre entrada,  $\delta = 1$ , exista o no heterogeneidad a nivel de las firmas.

#### IV. ELASTICIDADES

La elasticidad es un elemento clave para comprender la magnitud de las fricciones, la respuesta del comercio ante cambios en los aranceles y los efectos de las medidas de política comercial aplicadas (McDaniel & Balistreri, 2002; Anderson & van Wincoop, 2004; Simonovska & Waugh, 2011; Costinot & Rodríguez-Clare, 2013; Anderson & Yotov, 2020). Estimar este parámetro resulta una tarea compleja, porque los modelos que explican el comercio pueden asociar pequeños flujos comerciales con grandes fricciones y elasticidades pequeñas; pero también pueden vincularlos con fricciones pequeñas y elasticidades grandes (Simonovska & Waugh, 2011). Por este motivo, para estimar la elasticidad se necesita disponer de fricciones que sean independientes de los flujos comerciales.

Hummels (2001) estima la elasticidad de sustitución entre variedades, mediante una regresión auxiliar a la estimación gravitacional, en la que los flujos

comerciales bilaterales son explicados por un conjunto de variables de control que aproximan a los costos. El coeficiente de la variable representativa de cambios en los precios —que, en dicho trabajo, corresponde a los aranceles establecidos por los destinos de los flujos, con relación a los productos procedentes de diversos orígenes— luego es interpretado como la elasticidad de sustitución entre variedades. Para abordar a dichos resultados, se asume que los costos se trasladan completamente a los precios pagados por los consumidores y que las variaciones en los costos no están afectadas por cambios en la demanda de importaciones.

McDaniel y Balestreri (2002) realizan una revisión de un amplio conjunto de estudios que efectúan estimaciones del coeficiente de elasticidad de sustitución, para distintos sectores productivos y empleando diferentes especificaciones econométricas. Si bien concluyen que los resultados obtenidos son sensibles a las técnicas aplicadas, identifican algunas conclusiones robustas, como que los coeficientes obtenidos a largo plazo son mayores que los de corto plazo. Lo mismo ocurre con los obtenidos a partir de datos desagregados, en comparación a los que provienen del análisis de datos agregados.

Feenstra (2003) desarrolló un método de estimación de la elasticidad de sustitución entre variedades procedentes de distintos países, asumiendo el supuesto Armington, para datos desagregados a nivel de producto y asumiendo una función de agregación CES. Su contribución toma, como punto de partida, el análisis de los coeficientes de elasticidad-ingreso de la demanda de importaciones estimados, que suelen ser resultados espurios debido a la omisión de nuevas variedades en los índices de precios, o de volúmenes físicos, utilizados habitualmente en la estimación de la ecuación gravitacional.

Anderson y van Wincoop (2004) efectúan un *survey* de trabajos que calculan elasticidades empleando diferentes estrategias, algunas de las cuales combinan una estimación de la ecuación gravitacional con información sobre aranceles o costos de transporte. Concluyen sugiriendo un rango para el valor probable que debería adoptar el coeficiente de elasticidad de sustitución,  $5 < \sigma < 10$ , valores que han sido ampliamente utilizados en investigaciones posteriores como parámetro exógeno. Al respecto, diversos autores señalan que esta asignación exógena puede conducir a una incorrecta especificación del modelo de simulación con el que se evalúen los efectos de las medidas de política aplicadas, una vez efectuada la estimación gravitacional (McDaniel & Balestreri, 2002; Broda & Weinstein, 2004; Costinot & Rodríguez-Clare, 2013).

Broda y Weinstein (2004) estiman elasticidades de sustitución entre bienes para distintos niveles de desagregación, a los efectos de disponer de los insumos necesarios para reconstruir el índice de precios de las importaciones de Estados Unidos, en un contexto de significativo aumento de la cantidad de variedades de bienes disponibles.

Simonovska y Waugh (2011), con base en las estimaciones de coeficientes de elasticidad de Eaton y Kortum (2002), concluyen que, al subestimar las fricciones del comercio, los valores de los coeficientes resultan sesgados hacia arriba. En base a ello, proponen un método alternativo de estimación y lo aplican a datos desagregados a nivel de producto. A tal fin y como *proxy* de las fricciones bilaterales al comercio, emplean como medida la diferencia máxima de precios entre bienes. Esta medida resulta aplicable a un amplio conjunto de modelos, inclusive a especificaciones desde la demanda.

Costinot y Rodríguez-Clare (2013) evalúan el rango de valores de las estimaciones de coeficientes de elasticidad obtenidos por distintos trabajos, entre los cuales se encuentran Eaton y Kortum (2002), McDaniel y Balistreri (2002), Anderson y van Wincoop (2004) y Simonovska y Waugh (2011). Los autores asumen la posibilidad de extender el modelo gravitacional hacia una especificación que incorpore múltiples sectores, lo que implica asumir una función de utilidad de dos niveles; en el nivel superior, una función de tipo Cobb-Douglas y, el nivel inferior, una función de tipo CES. Las elasticidades del nivel superior cuantifican la sustitución entre bienes de distintos sectores, mientras que la sustitución entre variedades de un mismo sector —por ejemplo, entre bienes domésticos e importados, bajo el supuesto Armington—, se analiza en el nivel inferior de la función. En dicho nivel, el límite superior de la elasticidad de sustitución,  $\gamma > 1$ , representa la elasticidad entre bienes domésticos e importados; en tanto el límite inferior,  $\sigma > 0$ , representa la elasticidad de sustitución entre bienes importados.

Por su parte, Anderson y Yotov (2020) en un estudio que verifica el ajuste de los modelos gravitacionales a datos de corte transversal y que indaga en la estabilidad de las estimaciones de los términos de resistencia bilateral en el contexto de la globalización, distinguen entre los efectos de corto y largo plazo en la estimación de elasticidades, corroborando resultados de trabajos previos (como Crucini y Davis, 2016), en cuanto a que los valores de los coeficientes de corto plazo resultan significativamente más pequeños que los valores obtenidos en los modelos gravitacionales de largo plazo.

## COMENTARIOS FINALES

La ecuación gravitacional ha permitido describir el intercambio comercial entre países, zonas o regiones económicas desde larga data. Sin embargo, sus fundamentos conceptuales fueron explicitados recientemente. Generando una disrupción en la corriente principal de pensamiento de la economía internacional, el trabajo de Tinbergen (1962) popularizó el uso de esta herramienta para explicar los patrones de comercio agregado entre países y los efectos que, en los mismos, producen los impedimentos comerciales discriminatorios. A partir de entonces, la ecuación gravitacional fue empleada para modelar los efectos que, en los flujos comerciales, generan diversas variables económicas, políticas, culturales y sociales.

Aunque bajo supuestos particulares, Anderson (1979) explicitó, por primera vez, los microfundamentos de la ecuación gravitacional. Dichos supuestos fueron asumidos por una incontable cantidad de trabajos aplicados. Sobre la base de este aporte, el que habilitó la incorporación del modelo gravitacional en la *mainstream* de la economía internacional, las contribuciones de Eaton y Kortum (2002) y Anderson y van Wincoop (2003), desde enfoques diferentes, proporcionaron los fundamentos teóricos necesarios para la derivación conceptual de la ecuación gravitacional. Estos fundamentos, a su vez, pueden ser explicitados a partir de la consideración de dos tipos de modelos de equilibrio general; condicionales —si asumen la separabilidad de las decisiones de producción y consumo, respecto de la decisión de comerciar— o no condicionales —si se prescinde del supuesto de separabilidad de las decisiones de producción, consumo e intercambio—.

Por su parte, Arkolakis *et al.* (2012) demostraron que se puede corroborar las ganancias en bienestar asociadas al intercambio comercial, respecto de un escenario de autarquía, a partir de una diversa clase de modelos gravitacionales e independientemente de los microfundamentos utilizados para derivarlos. De hecho, la ecuación gravitacional funciona bajo una estructura de mercado competitiva o bien considerando un contexto de competencia monopolística; así como también si se asume homogeneidad entre las firmas, o bien, se plantea que las mismas son heterogéneas (Costinot & Rodríguez-Clare, 2013).

La literatura aplicada sobre el modelo gravitacional de comercio da cuenta de la existencia de una frondosa discusión referida a las fricciones vinculadas a la distancia física o geográfica. Particularmente, resulta relevante la discusión acerca del rol de la globalización, la que, desde cierta perspectiva, debió haber disminuido la importancia de la distancia geográfica en las estimaciones gravitacionales, bási-

camente debido al efecto de los avances tecnológicos, que han contribuido a la reducción de los costos vinculados a la lejanía relativa entre países. Sin embargo, numerosos trabajos dan cuenta de la persistencia del impacto negativo de la distancia en los flujos comerciales. Estos resultados motivaron el desarrollo de novedosas consideraciones de tipo metodológico para aplicar en la estimación gravitacional, al reconocerse que la ecuación gravitacional estructural solo identifica costos relativos y, en consecuencia, la necesidad de incorporar, en las estimaciones, el comercio doméstico o intrapaís. Estos avances produjeron evidencia a favor de la reducción de los costos internacionales con relación a los internos, en el actual contexto de globalización económica.

### REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- Agnosteva, D., Anderson, J. & Yotov, Y. (2019). Intra-national trade costs: assaying regional frictions. *European Economic Review*, 112, 32-50. <https://doi.org/10.1016/j.euroecorev.2018.11.008>
- Aitken, N. (1973). The Effect of EEC and EFTA on European Trade: A Temporal Cross-Section Analysis. *American Economic Review*, 63(5), 881-892. <http://www.jstor.org/stable/1813911>
- Anderson, J. (1979). A Theoretical Foundation for the Gravity Equation. *American Economic Review*, 69(1), 106-116. <https://www.jstor.org/stable/1802501>
- Anderson, J. (2011). The Gravity Model. *Annual Review of Economics*, 3(1), 133-160. <https://doi.org/10.1146/annurev-economics-111809-125114>
- Anderson, J. & van Wincoop, E. (2004). Trade Costs. *Journal of Economic Literature*, 42(3), 691-751. <https://www.jstor.org/stable/3217249>
- Anderson, J. & van Wincoop, E. (2003). Gravity with Gravitas: A Solution to the Border Puzzle. *American Economic Review*, 93(1), 170-192.
- Anderson, J. & Yotov, Y. (2012). *Gold Standard Gravity*. (National Bureau of Economic Research, Working Paper No. 17835). <https://doi.org/10.3386/w17835>
- Anderson, J. & Yotov, Y. (2020). Short run gravity. *Journal of International Economics*, 126, September, 103341. <https://doi.org/10.1016/j.jinteco.2020.103341>
- Arkolakis, C. (2010). Market Penetration Costs and the New Consumers Margin in International Trade. *Journal of Political Economy*, 118(6), 1151-1199. <https://doi.org/10.1086/657949>

- Arkolakis, C., Costinot, A. & Rodríguez-Claire, A. (2012). New Trade Models, Same Old Gains? *American Economic Review*, 102(1), 94-130. <https://doi.org/10.1257/aer.102.1.94>
- Armington, P. (1969). A Theory of Demand for Products Distinguished by Place of Production. *Staff Papers (International Monetary Fund)*, 16(1), 159-178. <https://doi.org/10.2307/3866403>
- Baier, S. & Bergstrand, J. (2009). Estimating the effects of free trade agreements on international trade flows using matching econometrics. *Journal of International Trade*, 77, 63-76. <https://doi.org/10.1016/j.jinteco.2008.09.006>
- Bergstrand, J. (1985). The Gravity Equation in International Trade: some Micro-economic Foundations and Empirical Evidence. *Review of Economics and Statistics*, 67(3), 474-481. <https://doi.org/10.2307/1925976>
- Bergstrand, J. & Egger, P. (2013). Gravity Equations and Economic Frictions in the World Economy. En D. Greenaway, R. Falvey, U. Kreickemeier & D. Bernhofen (eds.), *Palgrave Handbook of International Trade* (pp. 532-570). London: Palgrave Macmillan <https://doi.org/10.1007/978-0-230-30531-1>
- Boulhol, H. & de Serres, A. (2010). Have Developed Countries Escaped the Curse of Distance? *Journal of Economic Geography*, 10(1), 113-139. <https://doi.org/10.1093/jeg/lbp015>
- Broda, C. & Weinstein, D. (2004). *Globalization and the Gains from Variety*. (National Bureau of Economic Research, Working Paper No. 10314). <https://doi.org/10.3386/w10314>
- Brun, J., Carrere, C., Guillaumont, P. & de Melo, J. (2005). Has Distance Died? Evidence from a Panel Gravity Model. *World Bank Economic Review*, 19(1), 99-120. <https://www.jstor.org/stable/40282208>
- Buch, C., Kleinert, J. & Toubal, F. (2004). The Distance Puzzle: on the Interpretation of the Distance Coefficient in Gravity Equations. *Economic Letters*, 83(3), 293-298. <https://doi.org/10.1016/j.econlet.2003.10.022>
- Campos, R., Timini, J. & Muñoz, E. (2021). Structural gravity and trade agreements: does the measurement of domestic trade matter? (Banco de España, Working Paper No. 2117). <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.3847753>
- Carrère, C. & Schiff, M. (2005). On the Geography of Trade. Distance is Alive and Well. *Revue économique*, 56(6), 1249-1274. <https://doi.org/10.3917/reco.566.1249>
- Chaney, T. (2008). Distorted Gravity: The Intensive and Extensive Margins of International Trade. *American Economic Review*, 98(4), 1707-1721. <https://doi.org/10.1257/aer.98.4.1707>

- Costinot, A. & Rodríguez-Clare, A. (2013). *Trade Theory with Numbers: Quantifying the Consequences of Globalization*. (National Bureau of Economic Research, Working Paper No. 18896). <https://doi.org/10.3386/w18896>
- Crucini, M. & Davis, S. (2016). Distribution capital and the short-run and long-run import demand elasticity. *Journal of International Economics*, 100(C), 203-219. <https://doi.org/10.1016/j.jinteco.2016.03.010>
- De Benedictis, L. & Taglioni, D. (2011). The Gravity Model in International Trade. En L. De Benedictis, & L. Salvatici, *The trade impact of European Union preferential policies: An analysis through gravity models* (pp. 55-89). Berlin, Heidelberg: Springer.
- Disdier, A. & Head, K. (2008). The Puzzling Persistence of the Distance Effect on Bilateral Trade. *Review of Economics and Statistics*, 90(1), 37-48. <https://www.jstor.org/stable/40043123>
- Dixit, A. & Stiglitz, J. (1977). Monopolistic competition and optimum product diversity. *American Economic Review*, 67(3), 297-308. <https://www.aeaweb.org/aer/top20/67.3.297-308.pdf>
- Dornbusch, R., Fischer, S. & Samuelson, P. (1977). Comparative Advantage, Trade, and Payments in a Ricardian Model with a Continuum of Goods. *American Economic Review*, 67(5), 823-839.
- Eaton, J. & Kortum, S. (2002). Technology, Geography and Trade. *Econometrica*, 70(5), 1741-1779. <https://doi.org/10.1111/1468-0262.00352>
- Egger, P., Larch, M., Staub, K. & Winkelmann, R. (2011). The Trade Effects of Endogenous Preferential Trade Agreements. *American Economic Journal: Economic Policy*, 3(3), 113-143. <https://doi.org/10.1257/pol.3.3.113>
- Feenstra, R. (2003). *Advanced International Trade: Theory and Evidence*. New Jersey: Princeton University Press.
- Head, K. & Mayer, T. (2014). Gravity Equations: Workhorse, Toolkit, and Cookbook. In R. Jones, P. Kenen, G. Grossman & K. Rogoff (eds.), *Handbook of International Economics Vol. 4*. (Cap. 3, pp. 131-195). Amsterdam: Elsevier. <https://doi.org/10.1016/B978-0-444-54314-1.00003-3>
- Helpman, E. & Krugman, P. (1985). *Market structure and foreign trade*. Cambridge: MIT Press.
- Helpman, E., Melitz, M. & Rubinstein, Y. (2008). Estimating trade flows: Trading partners and trading volumes. *The Quarterly Journal of Economics*, 123(2), 441-487. <https://doi.org/10.1162/qjec.2008.123.2.441>
- Hummels, D. (1999). *Toward a Geography of Trade Costs*. (GTAP, Working Paper No. 17). <https://www.gtap.agecon.purdue.edu/resources/download/2876.pdf>

- Krugman, P. (1979). Increasing Returns, Monopolistic Competition, and International Trade. *Journal of International Economics*, 9(4), 469-479. [http://dx.doi.org/10.1016/0022-1996\(79\)90017-5](http://dx.doi.org/10.1016/0022-1996(79)90017-5)
- Larch, M., Norbäck, P., Sirries, S. & Urban, D. (2016). Heterogeneous firms, Globalisation and the Distance Puzzle. *The World Economy*, 39(9), 1307-1338.
- Linnemann, H. (1967). An Econometric Study of International Trade Flows. *The Econometric Journal*, 77(306), 366-368. <https://doi.org/10.2307/2229319>
- McDaniel, C. & Balistreri, E. (2002). *A Discussion on Armington Trade Substitution Elasticities*. (United States International Trade Commission, Working Papers No. 15856). <https://www.usitc.gov/publications/332/ec200201a.pdf>
- Melitz, M. (2003). The Impact of Trade on Intra-Industry Reallocations and Aggregate Industry Productivity. *Econometrica*, 71(6), 1695-1725. <https://www.jstor.org/stable/1555536>
- Sapir, A. (1981). Trade Benefits under the EEC Generalized System of Preferences. *European Economic Review*, 15(3), 339-355. [https://doi.org/10.1016/S0014-2921\(81\)80006-2](https://doi.org/10.1016/S0014-2921(81)80006-2)
- Simonovska, I. & Waugh, M. (2011). *The Elasticity of Trade: Estimates and Evidence*. (National Bureau of Economic Research, Working Paper No. 16796). <https://doi.org/10.3386/w16796>
- Tinbergen, J. (1962). *Shaping the World Economy*. New York: Twentieth Century Fund.
- Yotov, Y. (2012). A Simple Solution to the Distance Puzzle in International Trade. *Economic Letters*, 117(3), 794-798. <https://doi.org/10.1016/j.econlet.2012.08.032>
- Yotov, Y., Piermartini, R., Monteiro, J.-A. & Larch, M. (2016). *An Advanced Guide to Trade Policy Analysis: The Structural Gravity Model Online Revised Version* (Vol. 2). Geneva: United Nations and World Trade Organization. [https://www.wto.org/english/res\\_e/booksp\\_e/advancedwtounctad2016\\_e.pdf](https://www.wto.org/english/res_e/booksp_e/advancedwtounctad2016_e.pdf)
- Yotov, Y. (2022). On the role of domestic trade flows for estimating the gravity model of trade, *Contemporary Economic Policy*, 40(3), 526-540. <https://doi.org/10.1111/coep.12567>

© 2023 por los autores; licencia no exclusiva otorgada a la revista Estudios económicos. Este artículo es de acceso abierto y distribuido bajo los términos y condiciones de una licencia Atribución-No Comercial 4.0 Internacional (CC BY-NC 4.0) de Creative Commons. Para ver una copia de esta licencia, visite <http://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0>

